

Name:

Aufgabe	1	2	3	4	5	6
Punkte						

Summe:

Note:

Insgesamt gibt es 20 Punkte.

Die ersten 4 Aufgaben sind ohne Taschenrechner zu lösen. Erst wenn diese Aufgaben abgegeben wurden darf ein Taschenrechner hervorgeholt werden.

Aufgabe 1 (3 Punkte) Es gilt $\lg 2 = 0.3$ und $\lg 3 = 0.48$. Berechne

- a) $\lg 6$ $\lg 30$ c) $\lg 81$

Aufgabe 2 (2 Punkte) Stimmt die folgende Gleichung? Begründe mit einer Rechnung

$$\log_{x+y}(x^2 + 2xy + y^2) = 2$$

Aufgabe 3 (4 Punkte)

- a) Zerlege möglichst weitgehend: $\log_4 \frac{a^{5/7}}{64}$

b) Berechne: $\log_3 \left(\frac{\sqrt[4]{18}}{\sqrt[4]{2}} \right)^{84}$

Aufgabe 4 (2 Punkte) Schreibe als einen Logarithmus und vereinfache

$$\log_5 a^3 + 9 \log a - 0.25 \log b^8$$

Aufgabe 5 (5 Punkte) Die Lichtintensität, die auf der Wasseroberfläche ankommt, beträgt 1200 W/m^2 .

Die Lichtintensität nimmt exponentiell mit der Wassertiefe ab. Eine Algenart kommt bis in eine Wassertiefe von 3m vor. Sie braucht mindestens eine Lichtintensität von 20 W/m^2 .

Berechne daraus die Exponentialfunktion, die die Abnahme der Lichtintensität beschreibt.

Wie tief unter der Wasseroberfläche müssen sich Algen dieser Art mindestens aufhalten, wenn sie höchstens 1000 W/m^2 Lichtintensität vertragen?

Aufgabe 6 (4 Punkte) Von einem radioaktiven Isotop sind nach 14000 Jahren noch 20 Prozent vorhanden.

- a) Wie gross ist die Halbwertszeit?
 b) Wie viel von der Substanz war vor 7000 Jahren vorhanden, wenn heute noch 3kg vorhanden sind?

Lösungen: 1a) 0.78 b) 1.48 c) 1.92 2) ja, bin. Formel 3) a) $\frac{5}{7} \log_4 a - 3$ b) 42 4) $\log_5 \frac{a^{12}}{b^2}$ 5) 13cm 6) 6029 Jahre; 6.71 kg